

# INDICE

	Pág.
PROLOGO .....	9
PRELIMINARES .....	11
CAPITULO I. SERIES E INTEGRALES DE FOURIER .....	13
1. Coeficientes y series de Fourier .....	13
2. Criterios de convergencia puntual .....	14
3. Series de Fourier de funciones continuas .....	18
4. Convergencia en norma .....	20
5. Métodos de sumabilidad .....	21
6. Transformada de Fourier en funciones de $L^1$ .....	24
7. Clase de Schwartz y distribuciones temperadas .....	25
8. Transformada de Fourier en $L^p$ , $1 < p \leq 2$ .....	28
9. Convergencia y sumabilidad para integrales de Fourier .....	30
10. Notas y comentarios .....	33
CAPITULO II. LA FUNCION MAXIMAL DE HARDY-LITTLEWOOD .....	37
1. Aproximaciones de la identidad .....	37
2. Desigualdades débiles y convergencia en casi todo punto .....	38
3. El teorema de interpolación de Marcinkiewicz .....	40
4. La función maximal de Hardy-Littlewood .....	43
5. El operador maximal diádico .....	45
6. La desigualdad (1,1)-débil para la función maximal .....	48
7. Una desigualdad con peso .....	50
8. Notas y comentarios .....	51
CAPITULO III. LA TRANSFORMADA DE HILBERT .....	57
1. El núcleo de Poisson conjugado .....	57
2. La distribución valor principal de $\frac{1}{x}$ .....	58
3. Teoremas de M. Riesz y Kolmogorov .....	60
4. Integrales truncadas y convergencia puntual .....	65
5. Multiplicadores .....	68
6. Notas y comentarios .....	71
CAPITULO IV. INTEGRALES SINGULARES (I) .....	75
1. Definición y ejemplos .....	75
2. La transformada de Fourier del núcleo .....	77

3. El método de rotaciones .....	81
4. Integrales singulares de núcleo par .....	84
5. Un álgebra de operadores .....	88
6. Integrales singulares con núcleo variable .....	91
7. Notas y comentarios .....	93
<b>CAPITULO V. INTEGRALES SINGULARES (II)</b> .....	<b>97</b>
1. El teorema de Calderón-Zygmund .....	97
2. Integrales truncadas y valor principal .....	100
3. Operadores de Calderón-Zygmund generalizados .....	105
4. Integrales singulares de Calderón-Zygmund .....	108
5. Extensión vectorial .....	113
6. Notas y comentarios .....	115
<b>CAPITULO VI. <math>H^1</math> y BMO</b> .....	<b>119</b>
1. El espacio $H^1$ atómico .....	119
2. El espacio BMO .....	121
3. Un resultado de interpolación .....	125
4. La desigualdad de John-Nirenberg .....	128
5. Notas y comentarios .....	130
<b>CAPITULO VII. DESIGUALDADES CON PESO</b> .....	<b>135</b>
1. La condición $A_p$ .....	135
2. Desigualdades fuertes con peso .....	139
3. Pesos $A_1$ y un teorema de extrapolación .....	143
4. Desigualdades con peso para integrales singulares .....	146
5. Notas y comentarios .....	151
<b>CAPITULO VIII. TEORIA DE LITTLEWOOD-PALEY Y MULTIPLICADORES</b> .....	<b>155</b>
1. Algunas desigualdades vectoriales .....	155
2. Teoría de Littlewood-Paley .....	157
3. Teorema del multiplicador de Hörmander .....	162
4. Teorema del multiplicador de Marcinkiewicz .....	165
5. Multiplicadores de Bochner-Riesz .....	167
6. Vuelta a las integrales singulares .....	171
7. La función maximal y la transformada de Hilbert a lo largo de una parábola ..	176
8. Notas y comentarios .....	182
<b>CAPITULO IX. EL TEOREMA <math>T1</math></b> .....	<b>187</b>
1. El lema de Cotlar .....	187
2. Medidas de Carleson .....	189
3. Enunciado y aplicaciones del teorema $T1$ .....	193
4. Demostración del teorema $T1$ .....	198
5. Notas y comentarios .....	206
<b>BIBLIOGRAFIA</b> .....	<b>209</b>
<b>INDICE ALFABETICO</b> .....	<b>211</b>