# Contenido

#### Prefacio vii

1	Preliminares matemáticos y análisis de error 1  1.1 Revisión de cálculo 2  1.2 Errores de redondeo y aritmética computacional 11  1.3 Algoritmos y convergencia 22  1.4 Software numérico 28
2	Soluciones de las ecuaciones en una variable  2.1 El método de bisección 36  2.2 Iteración de punto fijo 41  2.3 Método de Newton y sus extensiones 49  2.4 Análisis de error para métodos iterativos 58  2.5 Convergencia acelerada 64  2.6 Ceros de polinomios y método de Müller 68  2.7 Software numérico y revisión del capítulo 76
3	Interpolación y aproximación polinomial 77  3.1 Interpolación y el polinomio de Lagrange 78  3.2 Aproximación de datos y método de Neville 86  3.3 Diferencias divididas 91  3.4 Interpolación de Hermite 99  3.5 Interpolación de spline cúbico 105  3.6 Curvas paramétricas 121  3.7 Software numérico y revisión del capítulo 126

Diferenciación numérica e integración

Diferenciación numérica 128

Extrapolación de Richardson 136

Elementos de integración numérica

4.1

4.2

4.3

127

	4.4	Integración numérica compuesta 150	
	4.5	Integración de Romberg 156	
	4.6	Métodos de cuadratura adaptable 162	
	4.7	Cuadratura gaussiana 168	
	4.8	Integrales múltiples 174	
	4.9	Integrales impropias 186	
	4.10	Software numérico y revisión del capítulo 191	
5	Pro	blemas de valor inicial para ecuaciones de	
	dif	erenciales ordinarias 193	
	5.1	Teoría elemental de problemas de valor inicial 194	
	5.2	Método de Euler 198	
	5.3	Métodos de Taylor de orden superior 205	
	5.4	Método Runge-Kutta 209	
	5.5	Control de error y método Runge-Kutta-Fehlberg 218	
	5.6	Métodos multipasos 224	
	5.7	Método multipasos de tamaño de paso variable 236	
	5.8	Métodos de extrapolación 241	
	5.9	Ecuaciones de orden superior y sistemas de ecuaciones diferenciales 247	
	5.10	Estabilidad 254	
	5.11	Ecuaciones diferenciales rígidas 262	
	5.12	Software numérico 268	
	Mé	todos directos para resolver sistemas lineales	269
	6.1	Sistemas de ecuaciones lineales 270	
	6.2	Estrategias de pivoteo 279	
	6.3	Álgebra lineal e inversión de matriz 287	
	6.4	Determinante de una matriz 296	
	6.5	Factorización de matriz 298	
	6.6	Tipos especiales de matrices 306	

Software numérico 318 6.7

## Técnicas iterativas en álgebra de matrices 319

- Normas de vectores y matrices 320 7.1
- 7.2 Eigenvalores y eigenvectores 329
- Técnicas iterativas de Jacobi y Gauss-Siedel 334 7.3
- Técnicas de relajación para resolver sistemas lineales 342 7.4
- 7.5 Cotas de error y refinamiento iterativo 347
- El método de gradiente conjugado 354 7.6
- Software numérico 366 7.7

8	Teoría	de	aproximación	369

- 8.1 Aproximación por mínimos cuadrados discretos 370
- 8.2 Polinomios ortogonales y aproximación por mínimos cuadrados 378
- 8.3 Polinomios de Chebyshev y ahorro de series de potencia 385
- 8.4 Aproximación de función racional 393
- 8.5 Aproximación polinomial trigonométrica 402
- 8.6 Transformadas rápidas de Fourier 410
- 8.7 Software numérico 419

### 9 Aproximación de eigenvalores 421

- 9.1 Álgebra lineal y eigenvalores 422
- 9.2 Matrices ortogonales y transformaciones de similitud 428
- 9.3 El método de potencia 431
- 9.4 Método de Householder 445
- 9.5 El algoritmo QR 452
- 9.6 Descomposición en valores singulares 462
- 9.7 Software numérico 474

#### 10 Soluciones numéricas de sistemas de ecuaciones no lineales 475

- 10.1 Puntos fijos para funciones de varias variables 476
- 10.2 Método de Newton 482
- 10.3 Métodos cuasi-Newton 487
- 10.4 Técnicas de descenso más rápido 492
- 10.5 Homotopía y métodos de continuación 498
- 10.6 Software numérico 504

# 11 Problemas de valor en la frontera para ecuaciones diferenciales ordinarias 505

- 11.1 El método de disparo lineal 506
- 11.2 El método de disparo para problemas no lineales 512
- 11.3 Métodos de diferencias finitas para problemas lineales 517
- 11.4 Métodos de diferencias finitas para problemas lineales 522
- 11.5 El método de Rayleigh-Ritz 527
- 11.6 Software numérico 540

# 12 Soluciones numéricas para ecuaciones diferenciales parciales 541

- 12.1 Ecuaciones diferenciales parciales elípticas 544
- 12.2 Ecuaciones diferenciales parciales parabólicas 551
- 12.3 Ecuaciones diferenciales parciales hiperbólicas 562
- 12.4 Una introducción al método de elementos finitos 568
- 12.5 Software numérico 579

#### Material en línea

El siguiente material se encuentra disponible en línea:

- Conjuntos de ejercicios
- Preguntas de análisis
- Conceptos clave
- Revisión de capítulo
- Bibliografía
- Respuestas a ejercicios seleccionados
- Índice
- Índice de algoritmos
- Glosario de notación
- Trigonometría
- Gráficas comunes

Ingrese a www.cengage.com, busque el libro por el ISBN e ingrese el siguiente código de acceso:

### CLAN4E7TDK6SAP

Analisis Numérico