

CONTENIDO

Capítulo 1 INTRODUCCIÓN	1
1.1 Notación y terminología	1
1.2 Cálculo vectorial e identidades integrales	1
1.3 Condiciones auxiliares; problemas bien planteados	2
<hr/>	
Capítulo 2 CLASIFICACIÓN Y CARACTERÍSTICAS	4
2.1 Tipos de ecuaciones de segundo orden	4
2.2 Características	5
2.3 Formas canónicas	7
2.4 Análisis dimensional	8
<hr/>	
Capítulo 3 COMPORTAMIENTO CUALITATIVO DE LAS SOLUCIONES CORRESPONDIENTES A LAS E EN DP ELÍPTICAS	20
3.1 Funciones armónicas	20
3.2 Extensión de los principios del máximo-mínimo	21
3.3 Problemas elípticos con valor en la frontera	23
<hr/>	
Capítulo 4 COMPORTAMIENTO CUALITATIVO DE LAS SOLUCIONES CORRESPONDIENTES A LAS ECUACIONES DE EVOLUCIÓN	39
4.1 Problemas con valores iniciales y en la frontera	39
4.2 Principios del máximo-mínimo (E en DP parabólicas)	40
4.3 Evolución difusional (E en DP parabólicas)	41
4.4 Evolución ondulatoria (E en DP tipo hiperbólicas)	42
<hr/>	
Capítulo 5 ECUACIONES DE PRIMER ORDEN	55
5.1 Introducción	55
5.2 Clasificación	55
5.3 Forma normal para sistemas hiperbólicos	57
5.4 Problema de Cauchy para un sistema hiperbólico	58
<hr/>	
Capítulo 6 DESARROLLOS EN FUNCIONES PROPIAS Y TRANSFORMADAS INTEGRALES: TEORÍA	77
6.1 Series de Fourier	77
6.2 Series generalizadas de Fourier	77
6.3 Problemas de Sturm-Liouville: desarrollos en funciones propias	79
6.4 Transformadas integrales de Fourier y de Laplace	80

Capítulo 7 DESARROLLOS EN FUNCIONES PROPIAS Y TRANSFORMADAS	
INTEGRALES: APLICACIONES	88
7.1 El principio de superposición	88
7.2 Separación de variables	88
7.3 Transformadas integrales	89
Capítulo 8 FUNCIONES DE GREEN	105
8.1 Introducción	105
8.2 Ecuación de Laplace	106
8.3 Problemas elípticos con valor en la frontera	108
8.4 Ecuación de difusión	109
8.5 Ecuación de onda	111
Capítulo 9 MÉTODOS EN DIFERENCIAS PARA ECUACIONES PARABÓLICAS	130
9.1 Ecuaciones en diferencias	130
9.2 Consistencia y convergencia	131
9.3 Estabilidad	132
9.4 Ecuaciones parabólicas	133
Capítulo 10 MÉTODOS EN DIFERENCIAS PARA ECUACIONES HIPERBÓLICAS	152
10.1 Ecuación de onda unidimensional	152
10.2 Método numérico de características para una E en DP de segundo orden	152
10.3 Ecuaciones de primer orden	154
10.4 Método numérico de características para sistemas de primer orden	157
Capítulo 11 MÉTODOS EN DIFERENCIAS PARA ECUACIONES ELÍPTICAS	177
11.1 Ecuaciones algebraicas lineales	177
11.2 Solución directa de las ecuaciones lineales	178
11.3 Solución iterativa de ecuaciones lineales	178
11.4 Convergencia de los métodos iterativos puntuales	180
11.5 Rapidez o razón de convergencia	181
Capítulo 12 FORMULACIÓN VARIACIONAL DE PROBLEMAS CON VALOR EN LA FRONTERA	198
12.1 Introducción	198
12.2 El espacio de funciones $L^2(\Omega)$	198
12.3 Cálculo de variaciones	199
12.4 Principios variacionales para funciones y valores propios	200
12.5 Soluciones débiles de problemas con valor en la frontera	201

Capítulo 13 MÉTODOS DE APROXIMACIÓN VARIACIONAL	212
13.1 Procedimiento de Rayleigh-Ritz	212
13.2 Procedimiento de Galerkin	212

Capítulo 14 INTRODUCCIÓN AL MÉTODO DEL ELEMENTO FINITO	221
14.1 Espacios de elemento finito en una dimensión	221
14.2 Espacios de elemento finito en el plano	223
14.3 Método del elemento finito	224

APÉNDICE	233
RESPUESTAS A LOS PROBLEMAS COMPLEMENTARIOS	249
ÍNDICE	263