

CONTENIDO

Formalidades Dedicatoria Reconocimientos Agradecimiento especial Presentación de la obra Amigo Estudiante Estimado Docente

CAPÍTULO 1

Números reales

MOTIVACIÓN 1

- 1.1. Introducción. 2
- 1.2. Conjuntos numéricos. 2
 - 1.2.A. El conjunto N. 2
 - 1.2.B. El conjunto Z. 3
 - 1.2.C. El conjunto Q. 3
- 1.3. Números irracionales I. 5
 - 1.3.A. Definición. 5
 - 1.3.B. Ubicación de I en la recta numérica. 5
- 1.4. Números reales R. 6
 - 1.4.A. Definición, 6
 - 1.4.B. Observaciones. 6
 - 1.4.C. Recta numérica real. 7
- 1.5. Operaciones en ℝ. 8
 - 1.5.A. Adición en ℝ. 8
 - 1.5.B. Propiedades de la adición en R. 8
 - 1.5.C. Sustracción en R. 9
 - 1.5.D. Multiplicación en R. 9
 - 1.5.E. Propiedades de la multiplicación en R. 9
 - 1.5.F. División en R. 9
 - 1.5.G. Análisis de las propiedades de ℝ. 10
- 1.6. Demostraciones en R. 11
- 1.7. Propiedades complementarias en ℝ. 14
- 1.8. Conjuntos. 16
 - 1.8.A. Introducción, 16
 - 1.8.B. Noción de conjunto. 17
 - B.1. Descripción de un conjunto. 17
 - B.2. Cardinalidad de conjuntos. 17
 - 1.8.C. Métodos de determinación de conjuntos, 17

- C.1. Por extensión o conteo. 17
- C.2. Por comprensión o en forma constructiva. 17
- 1.8.D. Representación gráfica de conjuntos. 18 D.1. Diagrama de Venn - Euler. 18
 - D.2. Diagrama de Carroll. 18
- D.3. Diagrama de Hasse, 19 1.8.E. Relaciones entre conjuntos. 20
 - E.1. Relación de inclusión. 20
 - E.2. Subconjuntos de un conjunto. 20

 - E.3. Igualdad de conjuntos. 21
- 1.8.F. Tipos de conjuntos según el número de
- elementos. 21
- F.1. Conjunto vacío o nulo. 21
- F.2. Conjunto unitario. 21 F.3. Conjuntos finitos e infinitos. 21

 - F.4. Conjunto universal. 22
- 1.8.G. Comparación de conjuntos. 22 G.1. Conjuntos disjuntos. 22
 - G.2. Conjunto de conjuntos. 23
 - G.3. Conjunto potencia P_A. 23
- G.4. Conjunto producto o producto cartesiano. 24 1.8.H. Operaciones con conjuntos. 25
- H.1. Unión o reunión. 25 H.2. Intersección. 27
 - H.3. Diferencia, 29
 - H.4. Diferencia simétrica. 31
 - H.5. Complemento de un conjunto. 33
- 1.8.I. Regiones según el diagrama de Venn. 36
- 1.9. Intervalos, 39
 - 1.9.A. Introducción. 39 1.9.B. Definición. 39
 - 1.9.C. Notación conjuntista. 40
 - 1.9.D. Operaciones con intervalos. 42
- 1.10. Potenciación. 43
 - 1.10.A. Introducción. 43 1.10.B. Notación exponencial de Z+. 43
 - 1.10.C. Definición. 43
 - 1.10.D. Notación exponencial de \mathbb{Z}^- y del cero. 44
 - 1.10.E. Leyes de exponentes. 45
- 1.10 F. Notación científica. 47 1.11. Radicación. 49
 - 1.11.A. Definición. 49 1.11.B. Exponentes fraccionarios. 50
 - 1.11.C. Características de los radicales. 52
 - 1.11.D. Racionalización del denominador. 53
 - D.1. Definición. 53 D.2. Casos que se presentan. 53
- 1.12. Expresiones algebraicas. 54 1.12.A. Introducción. 54
 - 1.12.B. Definiciones previas. 54
 - B.1. Término algebraico, T.A. 54
 - B.2. Grado del T.A. 54 B.3. Términos semejantes. 55
 - 1.12.C. Operaciones con términos algebraicos. 55 C.1. Adición y sustracción. 55
 - C.2. Multiplicación y división. 55

- C.3. Potenciación y radicación. 55
- 1.12.D. Expresiones algebraicas, E.A. 56
 - D.1. Definición. 56
 - D.2. Clasificación de las E.A. 56
 - D.3. Polinomios. 56
 - D.3.1. Tipos de polinomios. 57
 - D.3.2. Valor numérico de un polinomio. 57
 - D.3.3. Operaciones con polinomios. 58
 - D.3.4. Fórmulas para productos especiales. 59
- 1.13. Factorización. 61
 - 1.13.A. Introducción. 61
 - 1.13.B. Definición, 61
 - B.1. Polinomios reducibles. 61
 - B.2. Polinomio primo. 61
 - 1.13.C. Métodos de factorización. 62
 - 1.13.D. Máximo común divisor y mínimo común múltiplo. 65
 - D.1, MCD, 65
 - D.2. MCM. 65
- 1.14. Expresiones algebraicas racionales. 66
 - 1.14.A. Introducción, 66
 - 1.14.B. Definición, 66
 - 1.14.C. Dominio de una expresión algebraica. 67
 - 1.14.D. Simplificación de fracciones algebraicas. 67
 - 1.14.E. Clasificación de las fracciones algebraicas. 69
 - 1.14.F. Operaciones con fracciones algebraicas. 70

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 71 PROBLEMAS RESUELTOS 105

CAPÍTULO 2

Ecuaciones

- 2.1. Definiciones básicas. 127
 - 2.1.A. Enunciado. 127
 - 2.1.B. Proposición. 127
 - 2.1.C. Equivalencia. 127
 - 2.1.D. Igualdad, 128
 - 2.1.E. Magnitud, 128
 - 2.1.F. Ente matemático, 128
 - 2.1.G. Conjunto. 128
 - 2.1.H. Variable. 128
 - 2.1.I. Constante. 128
 - 2.1.J. Identidad. 128
 - 2.1.K. Lenguaje simbólico. 128
- 2.2. Ecuación. 129
 - 2.2.A. Definición. 129

- 2.2.B. Estructura de una ecuación. 129
- 2.2.C. Conjunto Solución de la ecuación. 130 2.2.D. Propiedades de la ecuación. 131
- 2.2.D. Propiedades de la ecuac 2.3. Ecuaciones equivalentes. 131
 - 2.3,A. Definición. 131
 - 2.3.B. Resolución de una ecuación. 131
- 2.4. Clasificación de las ecuaciones. 134
- 2.5. Ecuaciones lineales. 135
 - 2.5.A. Introducción. 135
 - 2.5.B. Definición. 136 2.5.C. Resolución de las aplicaciones de la
- ecuación lineal. 136
- 2.5.D. Aplicaciones de la ecuación lineal. 137
- 2.6. Despejar una variable. 139
- 2.7. Ecuaciones cuadráticas. 140
- 2.7.A. Introducción. 140
 - 2.7.B. Definición, 140
 - 2.7.C. Resolución de la ecuaciones cuadráticas. 141
 - 2.7.D. Métodos de resolución de ecuaciones
 - cuadráticas. 141 D.1. Por factorización. 141
 - D.1. Por factorización. 141 D.2. Por extracción de radicales. 143
 - D.3. Completando el cuadrado. 144
 - D.4. Fórmula cuadrática. 145 2.7.E. Discriminante, D. 147
 - 2.7.F. Reconstrucción de la ecuación cuadrática. 147
 - 2.7.G. Resolución de las aplicaciones de la ecuación
 - cuadrática. 148

 2.8. Transformación a ecuaciones de grado 1 y 2. 150
 - 2.8.A. Introducción, 150
 - 2.8.B. Ecuaciones fraccionarias. 150
 - B.1. Introducción, 150
 - B.2. Definición, 150
 - B.3. Condición de existencia de las soluciones. 150
 - B.4. Teorema. 151
 - 2.8.C. Ecuaciones con radicales. 152
 - C.1. Introducción. 152 C.2. Definición. 152
 - C.3. Condición de existencia de las soluciones. 152
 - 2.8.D. Ecuaciones de grado superior con exponentes
 - enteros. 154 D.1. Introducción. 154
 - D.2. Definición. 154
 - 2.8.E. Ecuaciones que contienen exponentes fraccionarios. 156
 - E.1. Introducción. 156
 - E.2. Definición. 156
 - 2.8.F. Ecuaciones con valor absoluto. 157
 - F.1. Introducción. 157 F.2. Definición. 157
 - F.3. Distancia entre puntos de la recta numérica real. 157
 - F.4. Propiedades del valor absoluto. 159F.5. Teoremas del valor absoluto. 159
- 2.9. Modelado mediante ecuaciones. 160 2.9.A. Introducción. 160
 - 2.9.B. Cuatro pasos de Pólya. 160

- 2.10. Aplicación de ecuaciones en economía. 162
 - 2.10.A. Introducción, 162
 - 2.10.B. Definiciones básicas de economía, 162
 - B.1. Costo fijo. 162
 - B.2. Costo variable, 162
 - B.3. Costo total, 162
 - B.4. Ingreso total, 146
 - B.5. Utilidad, 146

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 165 PROBLEMAS RESUELTOS 177

CAPÍTULO 3

Desigualdades

MOTIVACIÓN 197

- 3.1. Desigualdades. 198
 - 3.1.A. Introducción, 198
 - 3.1.B. Cuatro símbolos de desigualdad. 198
 - 3.1.C. Posiciones relativas de dos números. 199
 - 3.1.D. Definición de desigualdad. 200
 - 3.1.E. Propiedades de la desigualdad. 200
 - 3.1.F. Relación de orden. 200
 - 3.1.G. Interpretación de la desigualdad. 200
 - 3.1.H. Teoremas de la desigualdad. 201
 - 3.1.I. Demostración de los teoremas de desigualdades. 202
 - 3.1.J. Clases de desigualdad. 203
 - J.1. Desigualdad absoluta. 203
 - J.2. Desigualdad relativa. 203
 - 3.1.K. Estructura de una desigualdad. 203
 - 3.1.L. Clasificación de la desigualdad relativa. 204
 - 3.1.M. Conjunto solución. 205
- 3.2. Desigualdades lineales. 205
 - 3.2.A. Introducción. 205
 - 3.2.B. Definición, 205
 - 3.2.C. Conversión de lenguajes. 206
 - 3.2.D. Resolución de una desigualdad lineal. 206
 - 3.2.E. Aplicaciones de la desigualdad lineal. 209
- 3.3. Desigualdades no lineales. 210
 - 3.3.A. Introducción. 210
 - 3,3.B. Criterios. 210
- 3.4. Desigualdades cuadráticas. 211
 - 3.4.A. Introducción. 211
 - 3.4.B. Definición. 211
 - 3.4.C. Resolución de una desigualdad cuadrática. 211
 - 3.4.D. Aplicaciones de la desigualdad cuadrática. 215

- 3.4.E. Resolución gráfica de una desigualdad cuadrática. 216
- 3.5. Desigualdades de orden superior. 220
 - 3.5.A. Introducción. 220
 - 3.5.B. Definición. 220
 - 3.5.C. Ceros reales de polinomios. 220
 - 3.5.D. Resolución desigualdades polinómicas. 221
- 3.6. Desigualdades fraccionarias. 224
 - 3.6.A. Introducción, 224
 - 3.6.B. Definición. 224
 - 3.6.C. Resolución desigualdades fraccionarias. 224
- 3.7. Desigualdades con radicales. 226
 - 3.7.A. Introducción, 226
 - 3.7.B. Definición. 226
 - 3.7.C. Resolución de desigualdad con radica. 226
- 3.8. Desigualdades con valor absoluto. 229
 - 3.8.A. Introducción, 229
 - 3.8.B. Definición. 229
 - 3.8.C. Notación de la desigualdad con valor absoluto. 230
 - 3.8.D. Propiedades en general del valor absoluto. 231
 - 3.8.E. Teoremas de la desigualdad con valor absoluto, 226
- 3.9. Gráficas con valor absoluto, 235
 - 3.9.A. Introducción. 235
 - 3.9.B. Resolución mediante la construcción de gráficos. 235
- 3.10. Desigualdades exponenciales. 236
 - 3.10.A. Introducción. 236
 - 3.10.B. Definición. 236
 - 3.10.C. Resolución de desigualdades exponenciales. 237
- 3.11. Desigualdades logarítmicas. 238
 - 3.11.A. Introducción. 238
 - 3.11.B. Definición, 238
 - 3.11.C. Teoremas aplicados en desigualdades logarítmicas. 238

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 239 PROBLEMAS RESUELTOS 255

CAPÍTULO 4

Relaciones

- 4.1. Relaciones. 271
 - 4.1.A. Introducción. 271
 - A.1. Par ordenado. 271
 - A.2. Componentes del par ordenado. 272

- A.3. Igualdad de pares ordenados. 272
- A.4. Adición de pares ordenados. 272
- 4.1.B. Producto cartesiano. 273
 - B.1. Definición. 273
 - B.2. Cardinalidad. 273
 - B.3, n -tupla ordenada. 274
 - B.4. Propiedades del producto cartesiano. 274
 - B.5, Plano cartesiano. 276
 - B.6. Representación gráfica del producto Cartesiano. 277
 - B.7. Diagonal de un conjunto. 277
- 4.1.C. Relaciones Binarias. 279
 - C.1. Definición. 279
 - C.2. Consideraciones. 280
 - C.3. Regla de correspondencia. 280
 - C.4. Representación gráfica de una relación Binaria. 281
 - C.5. Determinación de una relación binaria. 281
 - C.6. Dominio de una relación. 281
 - C.7. Rango de una relación. 281
 - C.8. Propiedades de una relación binaria. 285
- 4.2. Gráfica de una relación de ℝ en ℝ. 288
 - 4.2.A. Introducción. 288
 - 4.2.B. Definición. 288
 - 4.2.C. Metodología para graficar una relación de $\mathbb R$ en $\mathbb R$. 288

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 293

CAPÍTULO 5

Funciones

- 5.1. Definición. 305
 - 5.1.A. Interpretación de la función f(x). 305
 - A.1. Fórmula compacta. 305
 - A.2. Regla funcional, 305
 - 5.1.B. Dominio de una función, D_f . 306
 - 5.1.C. Rango de una función, R_f . 306
 - 5.1.D. Evaluación de una función. 307
 - 5.1.E. Formas de representar una función. 308
- 5.2. Gráfica de una función. 309

- 5.2.A. Definición. 309
- 5.2.B. Evaluación de una función a partir de su gráfica. 309
- 5.2.C. Determinación de la extensión de la función, en forma gráfica. 310
- 5.2.D. Interpretación de la gráfica de una función. 310
- 5.2.E. Criterio de la recta vertical. 310
- 5.2.F. Reconocimiento de una función. 311
- 5.2.G. Reconocimiento de las ecuaciones que definen
- una función. 311
- 5.2.H.Obtención de las imágenes de una función. 312
- 5.2.I. Regla de correspondencia de una función. 312
- 5.2.J. Función real de una variable real. 313
- 5.2.K. Regla del máximo dominio. 313
- 5.2.L. Aplicación de M en N. 313 5.3. Tipos de funciones. 314
- 5.4. Función constante. 314
- 5.1. Faricion constantes 517
- 5.5. Función identidad. 314 5.6. Función lineal. 315
 - 5.6.A. Pendiente de una recta. 315
 - 5.6.B. El reloj de la pendiente de una recta. 316
 - 5.6.C. Pendiente como razón de cambio. 319
 - 5.6.D. Modelado de la función lineal. 320
- 5.7. Función cuadrática. 322
- 5.7.A. Propiedades de la función cuadrática. 322
- 5.7.B. Análisis del gráfico de una función cuadrática. 324

 - 5.7.C. Optimización de una función cuadrática. 326
 - 5.7.D. Valor máximo o mínimo de una función cuadrática. 326
- 5.7.E. Aplicaciones de la función cuadrática. 327
- 5.8. Función valor absoluto. 330 5.9. Función raíz cuadrada. 331
- 5.5. Falleloff falz cadarada. 551
- 5.10. Función escalón unitario. 333
- 5.11. Función signo. 334 5.12. Función máximo entero. 335
- 5.12. Full clott maximo circero. 555
- 5.13. Función definida por partes. 336
- 5.14. Funciones potencia. 337
 5.15. Funciones crecientes y decrecientes. 339
- 5.15.A. Definición. 339
- 5.15.B. Tasa de cambio promedio. 340
- 5.16. Funciones par e impar. 341
- 5.17. Función inyectiva o uno a uno. 342
- 5.18. Función suryectiva. 345
- 5.19. Función biyectiva. 346
- 5.19. Pulicion Divectiva. 540
- 5.20. Función inversa. 348
 - 5.20.A. Definición. 348 5.20.B. Propiedad de la función inversa. 349
 - 5.20.C. Determinación de la inversa de la función uno a uno. 349
 - 5.20.D. Análisis geométrico de la gráfica de la función inversa. 350
 - 5.20.E. Aplicación de la función inversa. 351
- 5.21. Función polinomial. 351
 - 5.21.A. Definición, 352
 - 5.21.B. Gráficas de polinomios. 353
 - 5.21.C. Comportamiento extremo de polinomios. 353
 - 5.21.D. Ceros reales de polinomios. 354
 - 5.21.E. Recomendaciones para graficar.

```
funciones polinomiales. 355
     5.21.F. Efecto de la multiplicidad. 356
      5.21.G. Extremos locales de polinomios. 358
     5.21.H. Familia de polinomios. 359
      5.21.I. Teorema del valor intermedio para polinomios. 359
5.22. Función racional. 360
     5.22.A. Definición. 360
      5.22.B. Análisis de la gráfica de las funciones racionales. 361
     5.22.C. Definición de asíntota. 362
           C.1. Asíntota vertical, AV. 362
           C.2. Asíntota horizontal, AH. 362
      5.22.D. Procedimiento para trazar a mano la
             gráfica de una función racional. 366
5.23. Transformación de funciones. 369
5.24. Modelado con funciones. 371
      5.24.A. Definición. 371
      5.24.B. Características, 371
      5.24.C. Campo de aplicación. 371
      5.24.D. Modelación matemática. 371
      5.24.E. Sugerencias para resolver problemas que implican una
             función como modelo matemático. 372
5.25. Combinación de funciones. 373
      5.25.A. Definición. 373
      5.25.B. Combinación gráfica de funciones. 374
5.26. Composición de funciones. 375
      5.26.A. Definición. 375
      5.26.B. Dominio de la composición de funciones. 375
      5.26.C. Diagrama de máquina. 376
      5.26.D. Propiedades de la composición de funciones. 380
5.27. Funciones exponenciales. 381
      5.27.A. Introducción. 381
      5.27.B. Aplicaciones. 381
      5.27.C. Definición. 382
      5.27.D. Evaluación de una función exponencial. 382
      5.27.E. Gráficos de funciones exponenciales a través
          de la tabulación, 382
      5.27.F. Familia de funciones exponenciales. 383
      5.27.G. Transformación de funciones exponenciales. 383
```

5.27.H. Análisis de las gráficas de la función

exponencial. 384 5.27.I. Función exponencial natural. 385 5.27.J. Aplicación en economía. 386

5.28.D. Conversión de formas. 389

logarítmica. 391 5.28.J. Función logarítmica natural. 393 5.28.K. Propiedades de los logaritmos. 394

5.28.L. Logaritmos comunes. 395

logarítmicas. 395

5.28.F. Funciones inversas entre sí. 3895.28.G. Familia de funciones logarítmicas. 3905.28.H. Transformación de funciones logarítmicas. 391

5.28.I. Análisis de las gráficas de la función

5.28.E. Evaluación de una función logaritmo. 389

5.28.M. Determinación del dominio de las funciones

5.28. Funciones logarítmicas. 3885.28.A. Introducción. 3885.28.B. Aplicaciones. 3885.28.C. Definición. 388

- 5.28.N. Leyes de los logaritmos. 395
- 5.28.O. Expansión y reducción de expresiones logarítmicas. 396
- 5.28.P. Cambio de base. 396
- 5.28.Q. Regla de la cadena. 397
- 5.28.R. Cologaritmo y antilogaritmo. 397
- 5.28.S. Relación del cologaritmo, antilogaritmo y el logaritmo. 398
- 5.29. Ecuaciones exponenciales y logarítmicas. 398
 - 5.29.A. Definición, 398
 - 5.29.B. Requerimientos para la resolución de ecuaciones exponenciales y logarítmicas. 398
 - 5.29.C. Recomendaciones para resolver ecuaciones
 - exponenciales. 398
 - 5.29.D. Recomendaciones para resolver ecuaciones logarítmicas. 400
- 5.30. Modelado con funciones exponenciales y logarítmicas. 402
 - 5.30.A. Modelo con funciones exponenciales. 402
 - A.1. Crecimiento exponencial, 402
 - A.2. Decaimiento radiactivo, 403
 - A.3. Crecimiento logístico, 405
 - A.4. Difusión de una actividad. 406
 - A.5. Ley del enfriamiento de Newton. 407
 - 5.30.B. Modelo con funciones logarítmicas. 407
 - B.1. Intensidad de terremotos. 407
 - B.2. La intensidad del sonido. 408

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 409 PROBLEMAS RESUELTOS 487

CAPÍTULO 6

Sistemas de ecuaciones

MOTIVACIÓN 507

- 6.1. Sistemas de ecuaciones. 508
 - 6.1.A. Definición, 508
 - 6.1.B. Representación de un sistema de ecuaciones. 508
 - 6.1.C. Conjunto solución de un sistema de ecuaciones, 509
 - 6.1.D. Sistemas de ecuaciones equivalentes. 510
 - 6.1.E. Operaciones en un sistema de ecuaciones. 510
- 6.2. Sistema de ecuaciones lineales, SEL. 511
 - 6.2.A. Introducción. 511
 - 6.2.B. Definición, 511
 - 6.2.C. Clasificación de los SEL. 511

- 6.2.D. Métodos para obtener el conjunto solución de un SEL. 513
- 6.2.F. SEL sobredeterminado, 516
- 6.2.F. SEL subdeterminado. 518
- 6.3. Modelado de SEL. 520
 - 6.3.A. Introducción. 520
 - 6.3.B. Criterios para modelar SEL. 520
- 6.4. Sistemas de ecuaciones no lineales. 525
 - 6.4.A. Introducción, 525
 - 6.4.B. Definición, 525
 - 6.4.C. Solución de un SEL. 525
 - 6.4.D. Modelado de un SEnoL. 527

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 531 PROBLEMAS RESUELTOS 549

CAPÍTULO 7

Lógica matemática

- 7.1. Definiciones básicas. 567
 - 7.1.A. Lógica. 567
 - 7.1.B. Lógica matemática. 567
 - 7.1.C. Enunciado. 567
 - 7.1.D. Enunciado abierto. 568
 - 7.1.E. Enunciado cerrado. 568
 - 7.1.F. Proposición lógica, PL. 568
 - F.1. Proposición simple, PS. 569
 - F.2. Proposición compuesta, PC. 569
 - 7.1.G. Valor de verdad. 570
- 7.2. Tablas de verdad. 571
 - 7.2.A. Definición. 571
 - 7.2.B. Procedimiento. 571
 - 7.2.C. Forma esquemática. 572
 - 7.2.D. Objetivo. 572
- 7.3. Conectivo lógico. 573
 - 7.3,A. Definición. 573
 - 7.3.B. Forma de las proposiciones moleculares. 573
 - B.1. Conjunción. 573
 - B.1.1. Simbolización de las proposiciones. 573
 - B.1.2. Variaciones. 573
 - B.1.3. Tabla de verdad. 574
 - B.2. Disyunción débil o inclusiva. 575
 - B.2.1. Simbolización de las proposiciones. 575
 - B.2.2. Tabla de verdad. 575

```
B.3. Disyunción fuerte o exclusiva. 576
                  B.3.1. Simbolización de las proposiciones. 576
                  B.3.2. Tabla de verdad. 576
             B.4. El condicional (implicación). 577
                 B.4.1. Simbolización de las proposiciones. 578
                 B.4.2. Variaciones, 578
                 B.4.3. Tabla de verdad. 578
             B.5. El bicondicional. 579
                 B.5.1. Simbolización de las proposiciones. 579
                 B.5.2. Variaciones. 579
                 B.5.3. Tabla de verdad. 579
            B.6. La negación. 580
                 B.6.1. Simbolización de las proposiciones. 581
                 B.6.2. Variaciones. 581
                 B.6.3. Tabla de verdad 581
7.4. Signos de agrupación. 583
     7.4.A. Definición, 583
     7.4.B. Consideraciones. 583
     7.4.C. Artificios lógicos. 584
7.5. Fórmulas lógicas, 585
    7.5.A. Definición, 585
     7.5.B. Jerarquía de los términos de enlace. 586
     7.5.C. Tipos de fórmulas lógicas. 588
            C.1. Tautología, 588
            C.2. Contradicción, 589
            C.3. Contingencia, 589
    7.5.D. Proposiciones lógicamente equivalentes, PLE. 589
7.6. Leyes del algebra de proposiciones. 591
    7.6.A. Definición, 591
    7.6.B. Demostración. 592
    7.6.C. Aplicación. 592
    7.6.D. Formalización o simbolización de las proposiciones compuestas. 594
7.7. Implicación lógica. 597
    7.7.A. Definición. 597
    7.7.B. Relación de la implicación y la equivalencia. 597
7.8. La inferencia lógica. 598
    7.8.A. Definición, 598
    7.8.B. Teorema, 598
    7.8.C. Método abreviado, DDD. 599
    7.8.D. Modus ponendo ponens. 602
    7.8.E. Modus tollendo tollens. 604
7.9. Cuantificadores. 606
    7.9.A. Introducción. 606
    7.9.B. Función proposicional, FP. 606
    7.9.C. Definición. 606
    7.9.D. Tipos. 607
```

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 609

7.9.F. Policuantificadores, 608

D.1. Cuantificador existencial, 3. 607 D.2. Cuantificador Universal, v. 607 7.9.E. Negación de los cuantificadores. 608

CAPÍTULO 8

Introducción a la Programación lineal

Presentación del capítulo 627

- 8.1. Desigualdades en el plano cartesiano. 627
 - 8.1.A. Introducción, 627
 - 8.1.B. Procedimiento, 627
 - 8.1.C. Sistemas de desigualdades lineales en dos variables. 632
- 8.2. Programación lineal, 637
 - 8.2.A. Introducción. 637
 - 8.2.B. Definición. 637
 - 8.2.C. Objetivo. 637
 - 8.2.D. Solución gráfica de problemas de programación lineal. 637
 - D.1. Método de las esquinas. 637
 - D.2. Teorema de existencia de una solución. 638
 - D.3. Conjunto factible, 638
 - D.4. Solución factible. 638
 - D.5. Solución óptima. 638

EJERCICIOS SÓLO PARA TRIUNFADORES 643 PROBLEMAS RESUELTOS 654



APÉNDICE



TABLAS 677



FIGURAS 685