

e se tie-  
manua-  
as, pues  
tra par-  
de esos

udieran  
sto. De  
semes-  
Física.  
oseguir  
ambién  
tudian-  
a vez de  
para el  
ía. Una  
de este  
para las  
lar, rea-  
eniería.  
diantes

ografías  
dad, así  
oién las  
commi-  
offset.  
o, y a  
ien he-  
las co-  
o gentil  
correc-  
ras que  
A mi hi-  
ra ayu-

vidarlos  
te libro

el Ram

# Contenido

## CAPÍTULO UNO

### Introducción: Quién necesita el libro y cómo usarlo

## CAPÍTULO DOS

### Notación científica, cifras significativas y redondeo

2.1	Potencias de 10 . . . . .	24
2.2	Notación científica . . . . .	26
2.3	Números exactos . . . . .	30
2.4	Números aproximados . . . . .	30
2.5	Cifras significativas . . . . .	32
2.6	Redondeo . . . . .	35
2.7	Precisión y exactitud . . . . .	37
2.8	Cálculos con números aproximados . . . . .	40
2.9	Estimaciones de órdenes de magnitud . . . . .	45

## CAPÍTULO TRES

### Álgebra

3.1	Multiplicación de números positivos y negativos . . . . .	48
3.2	Desarrollo de productos . . . . .	51
3.3	Factorización . . . . .	52
3.4	Multiplicación cruzada . . . . .	54
3.5	Ecuaciones algebraicas . . . . .	56
3.6	Solución de ecuaciones algebraicas lineales con una incógnita . . . . .	59

3.7	Variables . . . . .	64	5.
3.8	Solución de dos ecuaciones lineales simultáneas con dos incógnitas . . . . .	69	5.
3.9	Solución de tres ecuaciones lineales simultáneas con tres incógnitas . . . . .	75	
3.10	Solución de ecuaciones cuadráticas . . . . .	82	
3.11	Identidades . . . . .	87	

## CAPÍTULO CUATRO

### Geometría

4.1	Líneas que se cortan . . . . .	90	6.
4.2	Líneas paralelas . . . . .	92	6.
4.3	Triángulos . . . . .	93	6.
4.4	Triángulos congruentes . . . . .	95	
4.5	Triángulos especiales . . . . .	97	
4.6	Triángulos semejantes . . . . .	97	
4.7	Cuadriláteros . . . . .	100	
4.8	Paralelogramos . . . . .	101	
4.9	Paralelogramos especiales . . . . .	103	
4.10	Circunferencias . . . . .	103	7.
4.11	Circunferencia y área de un círculo . . . . .	107	7.
4.12	Sectores y arcos . . . . .	108	7.
4.13	El radíán . . . . .	110	7.
4.14	Elipses . . . . .	115	7.
4.15	Áreas de figuras planas . . . . .	121	7.
4.16	Geometría de sólidos . . . . .	124	7.

## CAPÍTULO CINCO

### Trigonometría

5.1	Funciones trigonométricas básicas . . . . .	130	
5.2	Algunas propiedades elementales . . . . .	133	
5.3	Aplicaciones sencillas . . . . .	135	
5.4	Funciones trigonométricas inversas . . . . .	146	
5.5	Leyes de los cosenos y de los senos . . . . .	150	
5.6	Ampliación de la definición de funciones trigonométricas para ángulos mayores de $90^\circ$ y ángulos negativos . . . . .	155	8.

64	5.7 Fórmulas especiales. . . . .	167
	5.8 Aproximaciones para ángulos pequeños . . . . .	171
69		
75	<b>CAPÍTULO SEIS</b>	
82		
87	<b>Geometría analítica</b>	
90		
92	6.1 Coordenadas cartesianas . . . . .	174
93	6.2 Funciones. Variables independientes y dependientes. . . . .	184
95	6.3 Representación gráfica de funciones . . . . .	185
97	6.4 Ecuación de la recta . . . . .	203
97	6.5 Distancia entre dos puntos en coordenadas cartesianas . . . . .	210
100	6.6 Gráficas de datos experimentales. . . . .	212
101	6.7 Determinación de la ecuación de una línea recta. . . . .	214
103	6.8 Solución gráfica de ecuaciones simultáneas . . . . .	219
103		
107	<b>CAPÍTULO SIETE</b>	
108		
110	7.1 Representación de vectores . . . . .	232
115	7.2 Notación vectorial. . . . .	234
121	7.3 Multiplicación de un vector por un escalar . . . . .	234
124	7.4 Adición vectorial. Reglas del paralelogramo y del triángulo. .	235
130	7.5 Descomposición de vectores en componentes . . . . .	244
133	7.6 Vectores unitarios y componentes de un vector . . . . .	251
135	7.7 Determinación de la magnitud y dirección de un vector a partir de sus componentes cartesianas. . . . .	260
146	7.8 Adición vectorial por descomposición en componentes cartesianas. . . . .	265
150	7.9 Producto escalar . . . . .	273
155	7.10 Producto vectorial . . . . .	274
155		
155	<b>CAPÍTULO OCHO</b>	
155		
155	<b>Funciones especiales</b>	
155		
155	8.1 Funciones periódicas. . . . .	282
155	8.2 Exponentes. Función potencia y funciones exponenciales . .	293

8.3	La función logarítmica . . . . .	300
8.4	La escala logarítmica. Papel semilogarítmico. . . . .	304

## CAPÍTULO NUEVE

### Desarrollo binómico. Progresiones aritméticas y geométricas

9.1	Notación útil. . . . .	314
9.2	El desarrollo binómico . . . . .	315
9.3	Progresiones aritméticas . . . . .	319
9.4	Progresiones geométricas. . . . .	321

## CAPÍTULO DIEZ

### Derivadas

10.1	Secuencias. . . . .	328
10.2	Límite de una secuencia . . . . .	332
10.3	Límites y funciones. . . . .	337
10.4	Límites y tangentes. . . . .	348
10.5	Introducción al cálculo diferencial . . . . .	357
10.6	Derivadas. . . . .	357
10.7	Algunas derivadas importantes . . . . .	364
10.8	Algunas propiedades elementales de las derivadas . . . . .	366
10.9	La regla de la cadena . . . . .	371
10.10	Derivadas de orden superior . . . . .	378
10.11	Funciones crecientes y decrecientes . . . . .	382
10.12	Máximos y mínimos . . . . .	385
10.13	Diferenciales . . . . .	393

## CAPÍTULO ONCE

### Integrales

11.1	La integración como operación inversa de la derivación . . . . .	402
11.2	Algunas integrales sencillas . . . . .	408
11.3	Algunas propiedades elementales de las integrales indefinidas. . . . .	409
11.4	La integral definida. . . . .	411
11.5	El área como un proceso de suma . . . . .	415
11.6	Relación entre la integral definida y el área bajo una curva. . . . .	428
11.7	Áreas positivas y negativas. . . . .	439

300  
304

## CAPÍTULO DOCE

### Integrales especiales. Ecuaciones diferenciales y derivadas parciales

12.1	Coordenadas cartesianas, vectores y funciones en tres dimensiones . . . . .	446
12.2	Integrales especiales . . . . .	450
12.3	Integrales de línea . . . . .	450
12.4	Integrales de superficie . . . . .	453
12.5	Integrales de volumen . . . . .	456
12.6	Ecuaciones diferenciales . . . . .	457
12.7	Derivadas parciales . . . . .	462

## APÉNDICE A

Valores de funciones trigonométricas . . . . .	465
--	-----

328

332

337

348

357

357

364

366

371

378

382

385

393

## APÉNDICE B

Notaciones y abreviaturas . . . . .	467
-------------------------------------	-----

## APÉNDICE C

Resumen de fórmulas importantes . . . . .	471
---	-----

402

408

409

411

415

428

439

## APÉNDICE D

Algunas derivadas importantes . . . . .	481
---	-----

## APÉNDICE E

Algunas integrales importantes . . . . .	483
--	-----

## APÉNDICE F

Respuestas a los ejercicios . . . . .	485
---------------------------------------	-----

Índice alfabético . . . . .	499
-----------------------------	-----